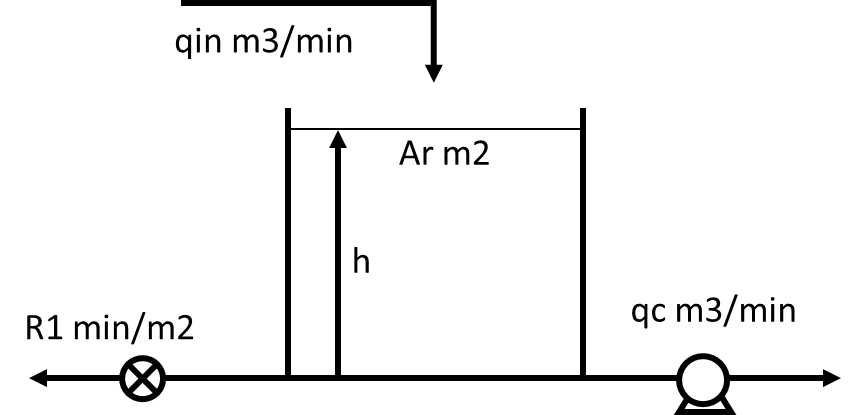
ΑΣΚΗΣΗ ΚΕΦΑΛΑΙΟ 5 3 Νοεμβρίου 2020

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| ΕΠΩΝΥΜΟ: |  | ΑΡΙΘΜΟΣ ΜΗΤΡΩΟΥ: |  |
| ΟΝΟΜΑ: |  | ΛΗΓΟΝΤΑΣ ΑΡΙΘΜΟΥ ΜΗΤΡΩΟΥ: |  |

**(Στο Αρχείο αυτό να συμπληρωθούν οι Πίνακες με τα αποτελέσματα και να επικοληθούν οι φωτογραφίες από τα χειρόγραφα της λύσης. Το Αρχείο να σωθεί με όνομα Α5\_Δυναμική\_Επώνυμο\_Όνομα και να ανεβεί στο e-class)**

Σε χρόνο 0 η παροχή στην είσοδο της δεξαμενής αρχίζει ναμεταβάλλεται γραμμικά με κλίση k (m3/min)/min. Να υπολογιστεί η στάθμη σε χρόνο t min.

**ΔΕΔΟΜΕΝΑ**

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| AM | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |  |
| qin | 2 | 2 | 2 | 2 | 4 | 4 | 4 | 4 | 4 | 4 | m3/min |
| Ar | 1 | 2 | 1 | 1 | 4 | 4 | 2 | 2 | 4 | 2 | m2 |
| R1 | 2 | 2 | 1 | 2 | 2 | 1 | 1 | 1 | 0,5 | 0,5 | min/m2 |
| qc | 1 | 1 | 1 | 1 | 2 | 3 | 2 | 2 | 3 | 3 | m3/min |
| k | 1 | 1 | 1 | 2 | 2 | 1 | 1 | 0,5 | 1 | 2 | m3/min2 |
| t | 2 | 3 | 4 | 2 | 3 | 4 | 3 | 3 | 2 | 4 | min |

ΣΥΝΑΡΤΗΣΗ ΜΕΤΑΦΟΡΑΣ:

ΔΙΑΤΑΡΑΧΗ ΕΙΣΟΔΟΥ: qin(t) = qins + k\*t ⬄ qin(t) – qins = kt ⬄ Qin(t) = kt ⬄ Qin(s) =

ΠΙΝΑΚΑΣ ΛΥΣΕΩΝ

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **AM** | **0** | **1** | **2** | **3** | **4** | **5** | **6** | **7** | **8** | **9** |
| Στάθμη στην μον. κατάσταση, hs | 2 | 2 | 1 | 2 | 4 | 1 | 2 | 2 | 0,5 | 0,5 |
| kp | 2 | 2 | 1 | 2 | 2 | 1 | 1 | 1 | 0,5 | 0,5 |
| τ | 2 | 4 | 1 | 2 | 8 | 4 | 2 | 2 | 2 | 1 |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| KP | 1 | 0,5 | 1 | 1 | 0,25 | 0,25 | 0,5 | 0,5 | 0,25 | 0,5 |
| const | 0,5 | 0,25 | 1 | 0,5 | 0,125 | 0,25 | 0,5 | 0,5 | 0,5 | 1 |
| HEAVYSIDE |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| Αριθμητής s2, A | 2 | 2 | 1 | 4 | 4 | 1 | 1 | 0,5 | 0,5 | 1 |
| Αριθμητής s + CON, C | 4 | 8 | 1 | 8 | 32 | 4 | 2 | 1 | 1 | 1 |
| Αριθμητής s, B | -4 | -8 | -1 | -8 | -32 | -4 | -2 | -1 | -1 | -1 |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| H(t) | 1,472 | 1,779 | 3,018 | 2,943 | 1,993 | 1,472 | 1,446 | 0,723 | 0,368 | 3,018 |

ΕΝΔΕΙΚΤΙΚΕΣ ΛΥΣΕΙΣ

AM 0

Ισοζύγιο μάζας: @SS 2 – 1 – hs/2 = 0 ⬄ 1 = hs/2 ⬄ hs = 2 m

q(t) – qo(t) – h(t)/R1 = Adh(t)/dt ⬄ Q(t) – H(t)/2 = dH(t)/dt ⬄ Q(s) – H(s)/2 = sH(s) ⬄ 2Q(s) – H(s) = 2sH(s) ⬄

⬄ 2 – H/Q = 2sH/Q ⬄ 2 = H/Q(2s + 1) ⬄ H/Q = 2/(2s + 1) = 1/(s + 0,5) (1)

Q(t) = t ⬄ Q(s) = 1/s2

(1) H = 1/s2(s + 0,5) (2)

HEAVYSIDE: 1/s2(s + 0,5) = A/s2 + B/s + C/(s + 0,5) A = 2 C = 4

2(s + 0,5) + Bs(s + 0,5) + 4s2 = 1 ⬄ 2s + 1 + Bs2 + 0,5Bs + 4s2 = 1 ⬄ B = -4

(2) H = 2/s2 – 4/s + 4/(s+0,5) ⬄ H(t) = 2t-4+4exp(-0,5t)

AM 1

Ισοζύγιο μάζας: @SS 2 – 1 – hs/2 = 0 ⬄ 1 = hs/2 ⬄ hs = 2 m

q(t) – qo(t) – h(t)/R1 = Adh(t)/dt ⬄ Q(t) – H(t)/2 = 2dH(t)/dt ⬄ Q(s) – H(s)/2 = 2sH(s) ⬄ 2Q(s) – H(s) = 4sH(s) ⬄

⬄ 2 – H/Q = 4sH/Q ⬄ 2 = H/Q(4s + 1) ⬄ H/Q = 2/(4s + 1) = 0,5/(s + 0,25) (1)

Q(t) = t ⬄ Q(s) = 1/s2

(1) H = 0,5/s2(s + 0,25) (2)

HEAVYSIDE: 0,5/s2(s + 0,25) = A/s2 + B/s + C/(s + 0,25) A = 2 C = 2

2(s + 0,25) + Bs(s + 0,25) + 8s2 = 0,5 ⬄ 2s + 0,5 + Bs2 + 0,25Bs + 8s2 = 0,5 ⬄ B = -8

(2) H = 2/s2 – 8/s + 2/(s+0,25) ⬄ H(t) = 2t-8+2exp(-0,25t)

AM 2

Ισοζύγιο μάζας: @SS 2 – 1 – hs/4 = 0 ⬄ 1 = hs/4 ⬄ hs = 4 m

q(t) – qo(t) – h(t)/R1 = Adh(t)/dt ⬄ Q(t) – H(t)/4 = 1dH(t)/dt ⬄ Q(s) – H(s)/4 = 1sH(s) ⬄ 4Q(s) – H(s) = 4sH(s) ⬄

⬄ 4 – H/Q = 4sH/Q ⬄ 4 = H/Q(4s + 1) ⬄ H/Q = 4/(4s + 1) = 1/(s + 0,25) (1)

Q(t) = t ⬄ Q(s) = 1/s2

(1) H = 1/s2(s + 0,25) (2)

HEAVYSIDE: 1/s2(s + 0,25) = A/s2 + B/s + C/(s + 0,25) A = 4 C = 16

4(s + 0,25) + Bs(s + 0,25) + 16s2 = 1 ⬄ 4s + 1 + Bs2 + 0,25Bs + 16s2 = 1 ⬄ B = -16

(2) H = 4/s2 – 16/s + 16/(s+0,25) ⬄ H(t) = 4t-16+16exp(-0,25t)

AM 3

Ισοζύγιο μάζας: @SS 2 – 1 – hs/4 = 0 ⬄ 1 = hs/4 ⬄ hs = 4 m

q(t) – qo(t) – h(t)/R1 = Adh(t)/dt ⬄ Q(t) – H(t)/4 = 1dH(t)/dt ⬄ Q(s) – H(s)/4 = 1sH(s) ⬄ 4Q(s) – H(s) = 4sH(s) ⬄

⬄ 4 – H/Q = 4sH/Q ⬄ 4 = H/Q(4s + 1) ⬄ H/Q = 4/(4s + 1) = 1/(s + 0,25) (1)

Q(t) = t ⬄ Q(s) = 2/s2

(1) H = 2/s2(s + 0,25) (2)

HEAVYSIDE: 2/s2(s + 0,25) = A/s2 + B/s + C/(s + 0,25) A = 8 C = 32

8(s + 0,25) + Bs(s + 0,25) + 32s2 = 2 ⬄ 8s + 2 + Bs2 + 0,25Bs + 32s2 = 0,5 ⬄ B = -32

(2) H = 8/s2 – 32/s + 32/(s+0,25) ⬄ H(t) = 8t-32+32exp(-0,25t)

AM 4

Ισοζύγιο μάζας: @SS 4 – 2 – hs/2 = 0 ⬄ 2 = hs/2 ⬄ hs = 4 m

q(t) – qo(t) – h(t)/R1 = Adh(t)/dt ⬄ Q(t) – H(t)/2 = 4dH(t)/dt ⬄ Q(s) – H(s)/2 = 4sH(s) ⬄ 2Q(s) – H(s) = 8sH(s) ⬄

⬄ 2 – H/Q = 8sH/Q ⬄ 2 = H/Q(8s + 1) ⬄ H/Q = 2/(8s + 1) = 0,25/(s + 0,125) (1)

Q(t) = t ⬄ Q(s) = 2/s2

(1) H = 0,5/s2(s + 0,125) (2)

HEAVYSIDE: 0,5/s2(s + 0,125) = A/s2 + B/s + C/(s + 0,125) A = 4 C = 32

4(s + 0,125) + Bs(s + 0,125) + 32s2 = 0,5 ⬄ 4s + 0,5 + Bs2 + 0,125Bs + 32s2 = 0,5 ⬄ B = -32

(2) H = 4/s2 – 32/s + 32/(s+0,125) ⬄ H(t) = 4t-32+32exp(-0,125t)