ΑΣΚΗΣΗ ΚΕΦΑΛΑΙΟ 12

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| ΕΠΩΝΥΜΟ: |  | ΑΡΙΘΜΟΣ ΜΗΤΡΩΟΥ: |  |
| ΟΝΟΜΑ: |  | ΛΗΓΟΝΤΑΣ ΑΡΙΘΜΟΥ ΜΗΤΡΩΟΥ: |  |

Στο σύστημα, συνδέται αναλογική-διαφορική-ολοκληρωτική ρύθμιση, με συντελεστή ενίσχυσης Κc (mV/mV), διαφορικό χρόνο τD (min) και ολοκληρωτικό χρόνο τI (min). Ο συντελεστής ενίσχυσης του θεμοστοιχείου είναι Μ (mV/oC) και η απόκριση του θεωρείται ακαριαία. Μεταβολή της εξόδου του ρυθμιστή κατά C mV μεταβάλει την παροχή θερμότητας κατά H (kcal/min). Να κατασκευαστεί το διάγραμμα βαθμίδων και να υπολογιστεί η θερμοκρασία στην έξοδο της δεξαμενής μετά από t (min), για βηματική μεταβολή S (oC) της θερμοκρασίας της παροχής εισόδου α) όταν το σύστημα δεν ρυθμίζεται και β) για ρυθμιζόμενο σύστημα. Δίνεται, πυκνότητα νερού ρ = 1000 kg/m3 και θερμοχωρητικότητα νερού 1 kcal/kgoC.

**Δεδομένα**

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **ΑΜ** | **0** | **1** | **2** | **3** | **4** | **5** | **6** | **7** | **8** | **9** |  |
| **V1** | 1 | 1 | 5 | 2 | 2 | 3 | 9 | 4 | 5 | 3 | **m3** |
| **w** | 100 | 50 | 50 | 200 | 50 | 50 | 300 | 100 | 100 | 150 | **lt/min** |
| **θοs** | 25 | 25 | 30 | 25 | 25 | 25 | 25 | 35 | 30 | 25 | **oC** |
| **θ1s** | 50 | 75 | 60 | 60 | 55 | 45 | 90 | 65 | 85 | 80 | **oC** |
| **Kc** | 1 | 1 | 2 | 2 | 2 | 1 | 4 | 2 | 2 | 2 | **mV/mV** |
| **τD** | 1 | 2 | 1 | 1 | 2 | 2 | 2 | 2 | 1 | 3 | **min** |
| **τI** | 1 |  |  |  |  |  |  |  |  |  | **min** |
| **Μ** | 2 | 4 | 4 | 4 | 1 | 3 | 3 | 2 | 3 | 3 | **mV/oC** |
| **C** | 50 | 100 | 200 | 200 | 100 | 100 | 200 | 200 | 300 | 200 | **mV** |
| **H** | 5000 | 5000 | 5000 | 5000 | 2500 | 2500 | 5000 | 5000 | 7500 | 7500 | **kcal/min** |
| **S** | 15 | 15 | 5 | 10 | 5 | 10 | 10 | 10 | 20 | 15 | **oC** |
| **t** | 20 | 10 | 120 | 20 | 120 | 30 | 25 | 30 | 20 | 30 | **min** |

**AM: 0**

Μόν. κατ.: qs + ρ\*w\*Cp\*(θos – θ1s) = 0 ⬄ qs = 1000\*0,1\*1\*(50-25) = 2500 kcal/min

**δεξαμενή:** q + ρ\*w\*Cp\*(θο – θ1) = ρ\*V1\*Cp\*dθ1/dt

Μεταβλητές απόκλισης: Tο = θο – 25 oC Τ1 = θ1 – 50 oC Q = q – 2500 kca/min

Q(t) + ρ\*w\*Cp\*(Tο(t) – T1(t)) = ρ\*V1\*Cp\*dT1(t)/dt ⬄ Q(s) + ρ\*w\*Cp\*Tο(s) – ρ\*w\*Cp\*T1(s) = ρ\*Cp\*V1\*s\*T1(s) ⬄ [(V1/w)\*s + 1]\*T1(s) = Q(s)/(ρ\*w\*Cp) + To(s)

τ1 = V1/w = 1/0,1 = 10 min

ρ\*w\*Cp = 1000\*0,1\*1 kcal/minoC ⬄ 1/(ρ\*w\*Cp) = 0,01 oCmin/kcal

**T1(s) = 0,01\*Q(s)/(10s + 1) + To(s)/(10s + 1)**

**Α) Όταν το σύστημα δεν ρυθμίζεται**

Βηματική μεταβολή στην είσοδο: θο(t) = θοs +15 ⬄ To(t) = 15 ⬄ To(s) = 15/s

T1(s) = 15/s(10s + 1) = Α/s + B/(10s + 1) A = 15

 B = -150

T1(s) = 15/s – 150/(10s + 1) = 15/s – 15/(s + 0,1) ⬄ T1(t) = 15 – 15exp(-0,1t) ⬄

⬄ T1(20) = 15-15\*exp(-0,1\*20) = 8,647 oC ⬄ θ1(20) = 58,647 oC

**Β) Όταν το σύστημα ρυθμίζεται**

**Στοιχείο Μέτρησης:** Είσοδος: θερμοκρασία στη δεξαμενή: Τ1, oC

Έξοδος: μέτρηση θερμοκρασίας, mV: M = m1 – m1s

 Συνάρτηση Μεταφοράς: T1m(s)/M(s) = 2/(1 + τm\*s)

Ακαριαία απόκριση, τm= 0: **T1m(s)/T1(s) = 2**

**Ρυθμιστής PΙD:** Είσοδος: ρυθμιστικό σφάλμα, mV: ε = MR – M

 Έξοδος: διαφορά δυναμικού: V = v – vs

 Συνάρτηση Μεταφοράς: V(s)/ε(s) = Kc\*(1 + τD\*s + 1/tI\*s)

Kc = 1 mV/oC τD = 1 min τI = 1 min

 **V(s)/ε(s) = 1\*(1 + s + 1/s)**

**Τελικό Στοιχείο:** Είσοδος: διαφορά δυναμικού: V = v – vs

 Έξοδος: παροχής θερμότητας: Q = q – qs

 Συνάρτηση Μεταφοράς: Q(s)/V(s) = Kv/(1 + τv\*s)

Δεν δίνονται δεδομένα για το

χρόνο απόκρισης: τv = 0 min

Συντελεστής ενίσχυσης: Kv = 5000/50 = 100 (kcal/min)/mV  **Q(s)/V(s) = 100**

**Διάγραμμα βαθμίδων:**

****

Συνάρτηση μεταφοράς μεταξύ θερμοκρασίας εισόδου και μετρούμενης μεταβλητής.

$\frac{T1(s)}{T0(s)}=\frac{\frac{1}{(10s+1)}}{1+\frac{2\*100\*0,01\*1\*(1+ s+1/s)}{(10s+1)}}=\frac{\frac{1}{(10s+1)}}{\frac{(10s+1)}{(10s+1)}+\frac{2+2s+2/s}{(10s+1)}}=\frac{1}{12s+3+2/s}= \frac{s}{12s^{2}+3s+2}$ = $\frac{s/2}{6s^{2}+1,5s+1}$

$T0\left(s\right)=\frac{15}{s}$

$T1\left(s\right)=\frac{7,5}{6s^{2}+1,5s+1}$

Η παραπάνω συνάρτηση μεταφοράς αντιστοιχεί σε κρουστική μεγέθους 7,5 σε σύστημα 2ης τάξης με:

τ = 61/2 = 2,449 και ζ = 1,5/(2\*2,449) = 0,306 < 1

και λύνεται με την Εξίσωση 7.32:

$T1\left(20\right)=7,5\*\frac{1}{τ}\frac{1}{\sqrt{1- ζ^{2}}}exp\left(\frac{-ζt}{τ}\right)sin\left(\frac{t}{τ}\sqrt{1- ζ^{2}}\right)=7,5\*\frac{1}{2,449}\frac{1}{\sqrt{1- 0,306^{2}}}exp\left(\frac{-0,306\*20}{2,449}\right)sin\left(\frac{20}{2,449}\sqrt{1- 0,306^{2}}\right)=$

$T1\left(20\right)=7,5\*\frac{1}{2,449}\frac{1}{\sqrt{1- 0,306^{2}}}exp\left(\frac{-0,306\*20}{2,449}\right)sin\left(\frac{20}{2,449}\sqrt{1- 0,306^{2}}\right)=0,263$

⬄ θ1(20) = 50 + 0,263 = 50,263 οC