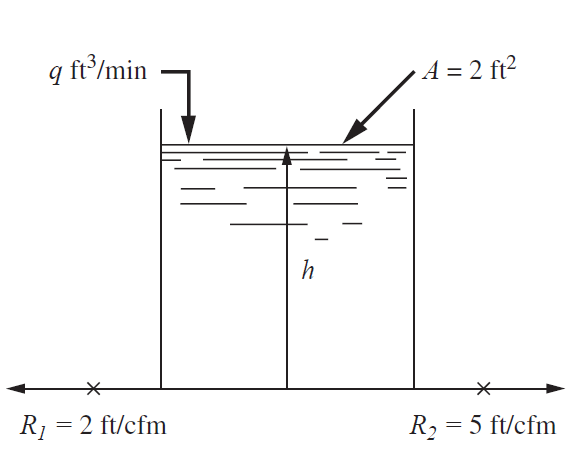
ΑΣΚΗΣΗ 5.12



ΙΣΟΖΥΓΙΟ ΜΑΖΑΣ

q(t) – h(t)/R1 – h(t)/R2 = Adh(t)/dt (1)

Στη μόνιμη κατάσταση: qs – hs/R1 – hs/R2 = Adhs/dt = 0 (2)

Αφαιρώ τη (2) από την (1): (q(t) – qs) – (h(t) – hs)/R1 – (h(t) – hs)/R2 = Ad(h(t) – hs)/dt (3)

Και εισάγω τις μεταβλητές απόκλισης: Η(t) = h(t) – hs, Q(t) = q(t) – qs

Οπότε η (3) γινεται: Q(t) – H(t)/R1 – H(t)/R2 =AdH(t)/dt

Μετασχηματίζω κατά Laplace: Q(s) – H(s)/R1 – H(s)/R2 = A(sH(s) – H(0)) = AsH(s) ⬄

(H(0) = h(0) – hs = hs – hs = 0) ⬄ Q(s) – H(s)/2 – H(s)/5 = 2sH(S) ⬄ 10Q(s) – 5H(s) – 2H(s) = 20sH(s) ⬄

⬄ 10Q(s) = H(s)(20s + 7) ⬄ H(s)/Q(s) = 10/(20s + 7) ⬄

⬄

ΑΣΚΗΣΗ 5.15



1. Η παροχή της χρωστικής θεωρείται αμελητέα.
2. Η παροχή στην είσοδο qin(t) δε μεταβάλλεται, οπότε και η παροχή στην έξοδο qout(t) δεν μεταβάλλεται: qin(t) = qout(t) = qins = qouts = q = 20 gal/min
3. Στη μόνιμη κατάσταση πριν από τη διαταραχή, η συγκέντρωση της χρωστικής στην είσοδο cin(t) είναι ίση με τη συγκέντρωση της χρωστικής στην έξοδο cout(t) και ίση με την επιθυμητή τιμή: cins = couts = cs = 1500 ppm
4. Η συγκέντρωση της χρωστικής στην είσοδο υφίσταται δύο μεταβολλές, μία σε χρόνο 0 :

cin(t) = 0u(t)

και μία σε χρόνο 10 min:

cin(t) = 1500u(t-10)

Οπότε: cin(t) = 0u(t) + 1500u(t-10) ppm (1)

Στη μόνιμη κατάσταση: cins = 1500u(t) ppm (2)

Αφαιρώ τη (2) από την (1): cin(t) – cins = -1500u(t) + 1500u(t-10) ppm (3)

Εισάγω τη μεταβλητή απόκλισης: Cin(t) = cin(t) – cins = cin(t) – 1500

και η (3) γίνεται: Cin(t) = -1500u(t) + 1500u(t-10) ppm (4)

Μετασχηματίζω την (4)

Κατά Laplace: (5)

ΙΣΟΖΥΓΙΟ ΧΡΩΣΤΙΚΗΣ: q\*cin(t) – q\*cout(t) = V\*dcout/dt ppm\*gal/min (6)

Στη μόνιμη κατάσταση: q\*cins – q\*couts = V\*dcouts/dt = 0 ppm\*gal/min (7)

Αφαιρώ τη (7) από την (6): q\*(cin(t) – cins) – q\*(cout(t) – cout(s) = V\*d(cout(t) – couts)/dt (8)

Εισάγω τη μεταβλητή απόκλισης: Cout(t) = cout(t) – couts = cout(t) – 1500 (9)

και η (8) γίνεται: q\*Cin(t) – q\*Cout(t) = V\*dCout(t)/dt ⬄ Cin(t) – Cout(t) = (V/q)\* dCout(t)/dt

⬄ Cin(t) – Cout(t) = 5\* dCout(t)/dt (10)

Μετασχηματίζω την (10)

Κατά Laplace: Cin(s) – Cout(s) = 5sCout(s) ⬄ Cin(s) = Cout(s)\*(5s + 1)

⬄ (11)

Αντικαθιστώ την Cin(s)

από την (5) στη (11) (12)

HEAVYSIDE του όρου

(12) →

Cout(t) = [-1500 + 1500exp(-0,2t)]u(t) + [1500 – 1500exp(-0,2(t-10)]u(t-10)

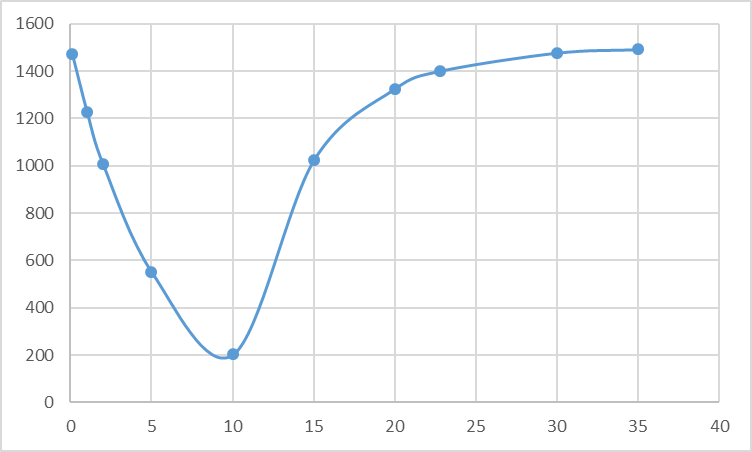
## = 1500\*[-1+exp(-0,2\*t)]+1500[1-exp(-0,2)]u(t-10) (13)

Αλλά από την (9) συνεπάγεται ότι cout(t) = Cout + 1500 (14)

Οπότε: cout(t) = 1500\*(exp(-0,2\*t))+1500\*(1-exp(-0,2(t-10)))u(t-10) (15)

ΓΡΑΦΙΚΗ ΠΑΡΑΣΤΑΣΗ

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **t** | 1500\*(exp(-0,2\*t)) | 1500\*(1-exp(-0,2(t-10)))u(t-10) | cout(t)  1500\*(exp(-0,2\*t))+1500\*(1-exp(-0,2(t-10)))u(t-10) |
| **1** | 1228 |  | 1228 |
| **2** | 1005 |  | 1005 |
| **5** | 552 |  | 552 |
| **10** | 203 | 0 | 203 |
| **15** | 75 | 948 | 1023 |
| **20** | 27 | 1297 | 1324 |
| **25** | **10** | **1425** | **1435** |
| **30** | 4 | 1473 | 1476 |
| **35** | 1 | 1490 | 1491 |



Με δοκιμή και σφάλμα βρίσκεται, ότι: Α. Η συγκέντρωση στην έξοδο, cout, της χρωστικής, πέφτει κάτω από την ανεκτή τιμή των 1400 ppm, μετά από 0,34 min.

Β. Η συγκέντρωση στην έξοδο, cout, της χρωστικής, ξεπερνάει την ανεκτή τιμή των 1400 ppm, μετά από 22,81 min.

Στο μεταξύ έχουν φτιαχτεί (22,8 – 0,34 min)\*(20 gal/min) = 449 gal βαφής εκτός προδιαγραφών.