

Βοήθημα για τις εξετάσεις του μαθήματος “Κατασκευές Ωπλισμένου Σκυροδέματος” (Μηχ. Περιβάλλοντος)
(Προσοχή: Εκτύπωση 4 σελίδων σε 2 φύλλα)

ΔΕΔΟΜΕΝΑ ΓΙΑ ΤΟ ΣΚΥΡΟΔΕΜΑ ΚΑΙ ΤΟΝ ΧΑΛΥΒΑ

Συντελεστές υλικών και φορτίων για ΟΚΑ (βασικοί συνδυασμοί): $\gamma_c=1.5$, $\gamma_s=1.15$ και $\gamma_g=1.35$ (1.00), $\gamma_q=1.5$ (0.00)
 Ειδικό βάρος Ω/Σ : 25 kN/m³; $f_{cd} = f_{ck}/\gamma_c$ (MPa); $f_{yd} = f_{yk}/\gamma_s$ (MPa); $f_{cm} = f_{ck}+8$ (MPa); $E_{cm} = 22(f_{cm}/10)^{0.3}$ (GPa); $f_{ctm} = 0.3f_{ck}^{2/3}$ (MPa)
 $f_{ctk0.05} = 0.7f_{ctm}$ (MPa); $E_s = 200$ GPa

\emptyset (mm)	8	10	12	14	16	18	20	22	25
A_s (mm ²) [$= \pi \emptyset^2/4$]	50.3	78.5	113	154	201	254.5	314.2	380	491

Αποστάσεις διαμήκων ράβδων: $a = \max(\emptyset_{max}, 20 \text{ mm}, d_g + 5 \text{ mm})$, όπου: d_g : διάμετρος μέγιστου κόκκου αδρανών.

Μέγιστος αριθμός διαμήκων ράβδων (n_p) σε μία στρώση: $n_p \emptyset + (n_p - 1)a + 2\emptyset_w + 2c_{nom} \leq b_w$, όπου: b_w : πλάτος κορμού δοκού.

Θεωρητικό άνοιγμα: $\ell = \ell_n + \min(t_1/2, h/2) + \min(t_2/2, h/2)$ όπου: ℓ_n το καθαρό άνοιγμα, t_1 και t_2 το πλάτος των στηρίξεων.

ΕΠΙΚΑΛΥΨΕΙΣ – ΣΥΝΑΦΕΙΑ – ΑΓΚΥΡΩΣΕΙΣ, ΜΑΤΙΣΕΙΣ, ΑΠΟΣΤΑΣΕΙΣ & ΚΑΜΨΗ ΡΑΒΔΩΝ ΟΠΛΙΣΜΟΥ

Επικαλύψεις οπλισμών:

$c_{nom} = c_{min} + 10 \text{ mm}$, όπου: $c_{min} = \max\{c_{min,b}, c_{min,dur}, 10 \text{ mm}\}$ και $c_{min,b} = \emptyset$ ($d_g \leq 32 \text{ mm}$) ή $c_{min,b} = \emptyset + 5 \text{ mm}$ ($d_g > 32 \text{ mm}$).

Περιβαλλοντολογική απαίτηση για την $c_{min,dur}$ (mm)							
Κατηγορία Κατασκευής	Κατηγορία έκθεσης σύμφωνα με τον Πίνακα 4.1						
	X0	XC1	XC2 / XC3	XC4	XD1 / XS1	XD2 / XS2	XD3 / XS3
S1	10	10	10	15	20	25	30
S2	10	10	15	20	25	30	35
S3	10	10	20	25	30	35	40
S4	10	15	25	30	35	40	45
S5	15	20	30	35	40	45	50
S6	20	25	35	40	45	50	55

(S4 για χρόνο ζωής 50 έτη)).

Αντοχή σχεδιασμού συνάφειας: $f_{bd} = \eta_1 \eta_2 \eta_3 f_{ctk0.05}/\gamma_c$ όπου:

$\eta_1 = 1$ για ευνοϊκές & = 0.7 για μη ευνοϊκές συνθήκες συνάφειας (εν γένει: μη ευνοϊκές συνθήκες στο άνω μέρος δοκών).

$\eta_2 = 1$ για $\emptyset \leq 32 \text{ mm}$ & = $(132 - \emptyset)/100$ για $\emptyset > 32 \text{ mm}$

$\eta_3 = 1$ για λείες ράβδους & = 2.25 για νευρογάλυβες.

Βασικό μήκος αγκύρωσης: $\ell_{b,rqd} = (\emptyset/4) \cdot (f_{yd}/f_{bd})$

Απαιτούμενο μήκος αγκύρωσης: $\ell_{bd} = a_1 \cdot a_2 \cdot a_3 \cdot a_4 \cdot a_5 \cdot \ell_{b,rqd} \geq \ell_{b,min}$

a_1 συντελεστής που σχετίζεται με τη μορφή των ράβδων:

- = 1.0 για ευθύγραμμες αγκυρώσεις ράβδων υπό εφελκυσμό
- = 1.0 για μη ευθύγραμμες αγκυρώσεις υπό εφελκυσμό και όταν $c_d \leq 3\emptyset$
- = 0.7 για μη ευθύγραμμες αγκυρώσεις υπό εφελκυσμό και όταν $c_d > 3\emptyset$
- = 1.0 για αγκυρώσεις ράβδων (ευθύγραμμες ή μη) υπό θλίψη

a_2 συντελεστής που σχετίζεται με την επικάλυψη των οπλισμών:

- $= 1 - 0.15 \frac{c_d - \emptyset}{\emptyset}$ $\begin{cases} \geq 0.7 \\ \leq 1.0 \end{cases}$ για ευθύγραμμες αγκυρώσεις υπό εφελκυσμό
- $= 1 - 0.15 \frac{c_d - 3\emptyset}{\emptyset}$ $\begin{cases} \geq 0.7 \\ \leq 1.0 \end{cases}$ για μη ευθύγραμμες αγκυρώσεις υπό εφελκυσμό
- = 1.0 για αγκυρώσεις ράβδων υπό θλίψη

a_3 συντελεστής που σχετίζεται με την περίσφιγξη με μη συγκολλημένη εγκάρσια ράβδο (εάν δεν υφίσταται = 1.0):
 $= 1 - K_L$ (≥ 0.7 & ≤ 1.0) για αγκυρώσεις ράβδων υπό εφελκυσμό & = 1.0 για ράβδους υπό θλίψη

a_4 συντελεστής που σχετίζεται με την περίσφιγξη με συγκολλημένη εγκάρσια ράβδο διαμέτρου $\geq 0.6\emptyset$ που τοποθετείται σε απόσταση $\geq 5\emptyset$ από την αρχή της αγκύρωσης και = 0.7 (εάν δεν υφίσταται = 1.0).

a_5 συντελεστής που σχετίζεται με την περίσφιγξη με εγκάρσια πίεση p (MPa) στην κατάσταση αστοχίας κατά μήκος του ℓ_{bd} (εάν δεν υφίσταται λαμβάνεται τιμή: 1.0):

= 1.0 - 0.04p (≥ 0.7 & ≤ 1.0) για αγκυρώσεις ράβδων υπό εφελκυσμό & = 1.0 για ράβδους υπό θλίψη

$c_d = \min\{a/2, c_1, c_\ell\}$ για ευθύγραμμες ράβδους, = $\min\{a/2, c_1\}$ για καμπτόμενες ράβδους ή άγκιστρα & = c_ℓ για αναβολείς (βρόχους)

$K = 0.10$ για ράβδους δοκών, = 0.05 για τις υπερκείμενες ράβδους σε εσχάρα απλισμών πλακών & = 0 για τις υποκείμενες ράβδους σε εσχάρα απλισμών πλακών.

$$\lambda = \frac{\sum A_{st} - \sum A_{st,min}}{A_s}$$

$\sum A_{st}$ εμβαδόν διατομής του συνολικού εγκάρσιου απλισμού κατά μήκος του ℓ_{bd}

A_s εμβαδόν διατομής της ράβδου που αγκυρώνεται ($= \pi \emptyset^2/4$)

$\sum A_{st,min}$ εμβαδόν διατομής του ελάχιστου εγκάρσιου απλισμού:

$$= 0.25A_s$$
 για δοκούς και 0 για πλάκες

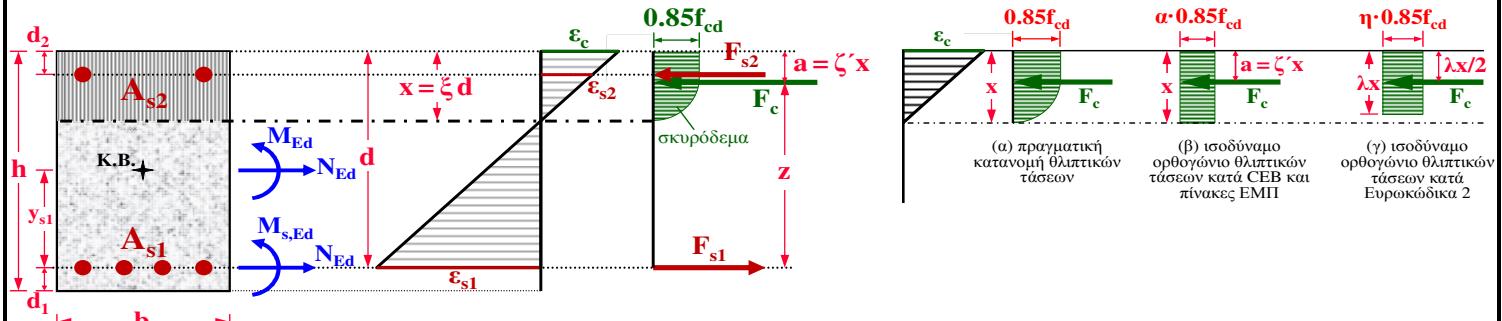
Ελάχιστο ευθύγραμμο μήκος αγκύρωσης: $\ell_{b,min} = \max(0.3\ell_{b,reqd} \text{ ράβδοι} \text{ ιν πά εφελκυσμό ή } 0.6\ell_{b,reqd} \text{ ράβδοι} \text{ ιν πά θλιψη}, 10\emptyset, 100 \text{ mm})$

Ενώσεις με υπερκάλυψη (ματίσεις ράβδων): $\ell_o = \alpha_1 \cdot \alpha_2 \cdot \alpha_3 \cdot \alpha_4 \cdot \alpha_5 \cdot \alpha_6 \cdot b_{r,qd} \geq \ell_{o,min} = \max(0.3\alpha_6 \cdot b_{r,qd}, 15\emptyset, 200 \text{ mm})$.

$\alpha_6 = \sqrt{\rho_1/25}$: συντελεστής που σχετίζεται με το ποσοστό των υπό ένωση με υπερκάλυψη ράβδων ρ_1 σε αποστάσεις $0.65\ell_0$ εκατέρωθεν του θεωρούμενου μέσου του μήκους υπερκάλυψης ($1.0 \leq \alpha_6 \leq 1.5$)

Ελάχιστη απαιτούμενη διάμετρος τυμπάνου καμπύλωσης: $\emptyset_{m,min} \geq \begin{cases} 4\emptyset & (\emptyset \leq 16 \text{ mm}) \\ 7\emptyset & (\emptyset > 16 \text{ mm}) \end{cases}$

ΔΙΑΤΟΜΗ ΥΠΟ ΜΕΓΕΘΗ ΟΡΘΗΣ ΕΝΤΑΣΗΣ (M+N) ΜΕ ΠΡΟΕΧΟΥΣΑ ΚΑΜΨΗ



$$M_{s,Ed} = M_{Ed} - N_{Ed} y_{sl} \xrightarrow{y_{sl} = \frac{h}{2} - d_1} M_{s,Ed} = M_{Ed} - N_{Ed} (h/2 - d_1) \quad \mu_{sd} = \frac{M_{s,Ed}}{bd^2 f_{cd}} \quad M_{s,Ed,lim} = \mu_{lim} bd^2 f_{cd}$$

$$F_c = \alpha 0.85 f_{cd} x b \xrightarrow{x=\xi d} F_c = \alpha 0.85 f_{cd} \xi b d \quad F_{si} = A_{si} \sigma_{sdi} = \begin{cases} A_{si} f_{yd} & (\varepsilon_{si} \geq \varepsilon_{yd}) \\ A_{si} \varepsilon_{si} E_s & (\varepsilon_{si} < \varepsilon_{yd}) \end{cases}$$

$$\xi = \frac{0.688 - \sqrt{0.4733 - 1.144\mu_{sd}}}{0.572} \quad \xi_{EC2} = \frac{0.68 - \sqrt{0.4624 - 1.088\mu_{sd}}}{0.544} \quad \mu_{lim} = \begin{cases} \xi_{lim}(0.688 - 0.268\xi_{lim}) \\ \xi_{lim,EC2}(0.68 - 0.272\xi_{lim,EC2}) \end{cases} \quad \xi_{lim} = \min \left\{ \frac{1}{1 + \frac{f_yk}{805}}, \frac{0.601 \frac{h}{d}}{0.625 \frac{h}{d}} \right\} \quad \xi_{lim,EC2} = \min \left\{ \frac{1}{1 + \frac{f_yk}{805}}, \frac{0.625 \frac{h}{d}}{0.601 \frac{h}{d}} \right\}$$

$$\alpha = \begin{cases} \frac{|\varepsilon_c|(6 - |\varepsilon_c|)}{12} & (|\varepsilon_c| \leq |\varepsilon_{co}| = 0.002) \\ \frac{3|\varepsilon_c|-2}{3|\varepsilon_c|} & (|\varepsilon_c| > |\varepsilon_{co}| = 0.002) \end{cases} \quad \zeta' = \begin{cases} \frac{8-|\varepsilon_c|}{4(6-|\varepsilon_c|)} & (|\varepsilon_c| \leq |\varepsilon_{co}| = 0.002) \\ \frac{\varepsilon_c(3|\varepsilon_c|-4)+2}{2\varepsilon_c(3|\varepsilon_c|-2)} & (|\varepsilon_c| > |\varepsilon_{co}| = 0.002) \end{cases} \quad \lambda = \begin{cases} 0.8 & (f_{ck} \leq 50 \text{ MPa}) \\ 0.8 - \frac{(f_{ck}-50)}{400} & (50 \text{ MPa} < f_{ck} \leq 90 \text{ MPa}) \end{cases} \quad \eta = \begin{cases} 1.0 & (f_{ck} \leq 50 \text{ MPa}) \\ 1.0 - \frac{(f_{ck}-50)}{200} & (50 \text{ MPa} < f_{ck} \leq 90 \text{ MPa}) \end{cases}$$

$$\Delta \pi \lambda \delta \sigma \text{ οπλισμός: } A_{s1} = \frac{1}{f_{vd}} \left(\frac{M_{s,Ed,lim}}{z} + \frac{M_{s,Ed} - M_{s,Ed,lim}}{d - d_2} - N_{Ed} \right) \& A_{s2} = \frac{1}{f_{vd}} \left(\frac{M_{s,Ed} - M_{s,Ed,lim}}{d - d_2} \right) \text{ óποι: } z = d(1 - 0.416\xi_{lim}) \quad \& \quad z = d(1 - 0.4\xi_{lim,EC2})$$

ΛΙΑΤΜΗΣΗ

$$V_{Rd,c} = [(0.18/\gamma_c)k(100\rho_l f_{ck})^{1/3} + 0.15\sigma_{cp}]b_w d \geq (0.035\sqrt{k^3 f_{ck} + 0.15\sigma_{cp}})b_w d \quad \text{όπου:}$$

$k = 1 + \sqrt{200/d} \leq 2$ (d σε mm), $\Omega_1 = A_{c1}/(b_{c1}d) \leq 2\%$ και $\sigma_{ce} = N_{ce}/A_{ce} \leq 0.2f_{ce}$ ($N_{ce} > 0$ για θέλιμη) και $A_c = b_{ce}h$

$$V_{Bd} = \min\{V_{Bd,s}, V_{Bd,max}\}$$
 οπού:

$$V_{Rd} = \min(V_{Rd,s}, V_{Rd,max}) \text{ kN}$$

$$V_{Rd\max} = a_{cw} b_w 0.9 d v_1 f_{cd} / (\cot \theta + \tan \theta) \xrightarrow{\theta=45^\circ} V_{Rd\max} = a_{cw} b_w 0.45 d v_1 f_{cd} \quad \text{óptimo}$$

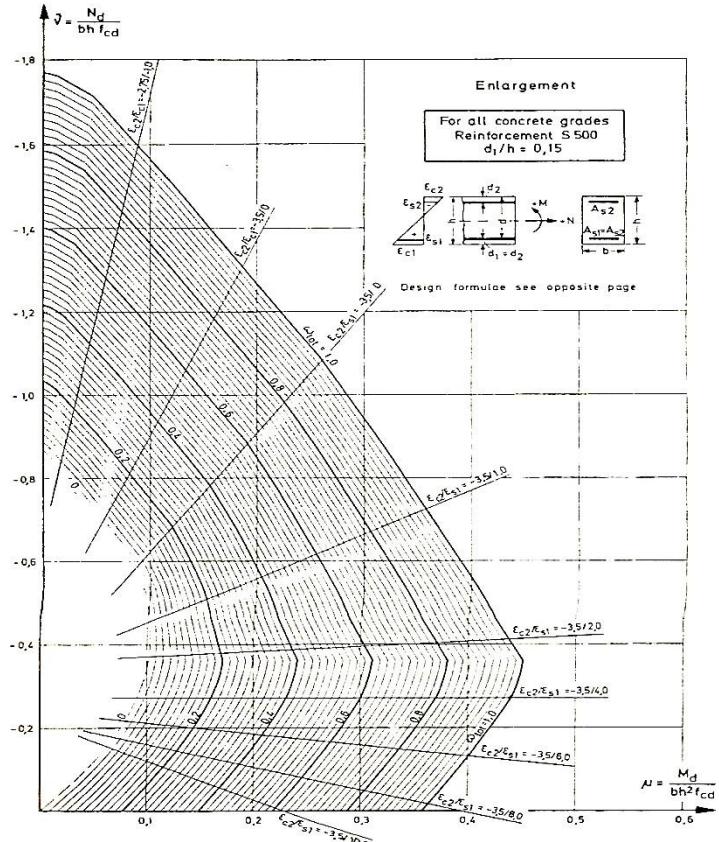
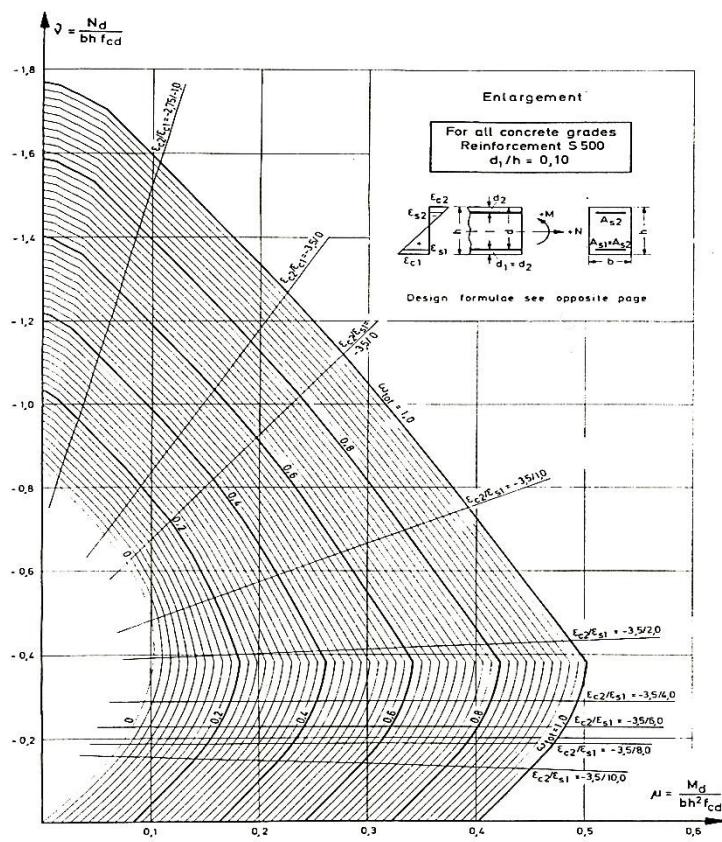
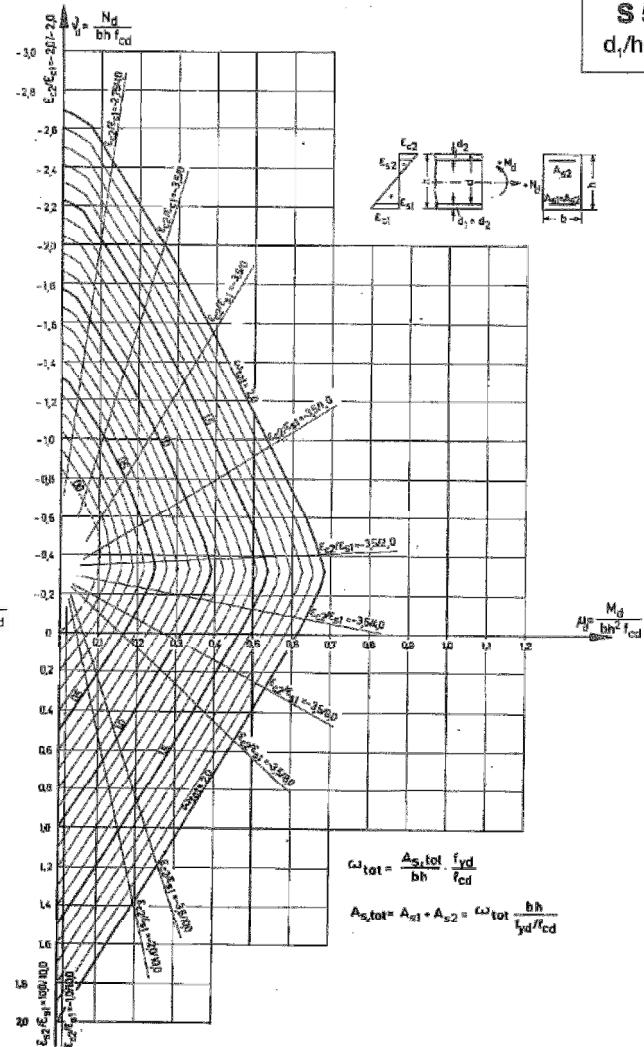
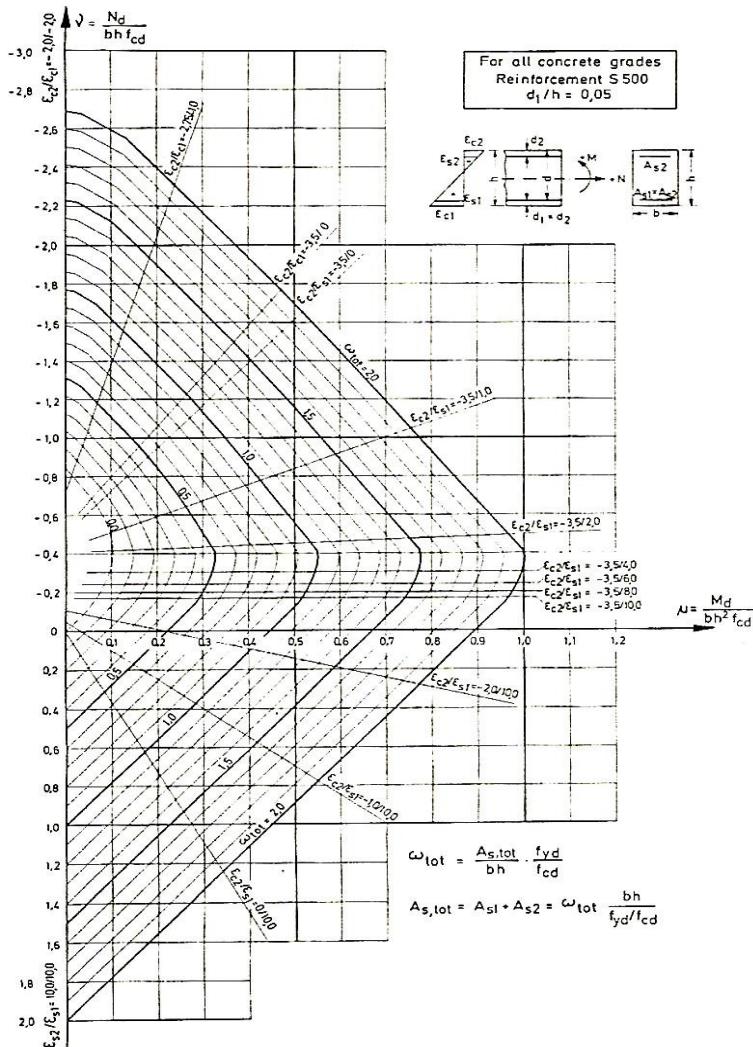
$$v_1 = v = 0.6(1 - f_{ck}/250) \text{ και } a_{cw} = 1 \text{ για μη προεντεταμένες κατασκευές} \text{ και } 1 \leq \cot\theta \leq 2.5 \rightarrow 22^\circ \leq \theta \leq 45^\circ$$

Ελάχιστο ποσοστό εγκάρσιου οπλισμού: $\rho_{w,\min} = 0.08 \sqrt{f_{ck}} / f_{vk}$ όπου: $\rho_w = A_{sw} / (b_{ws})$

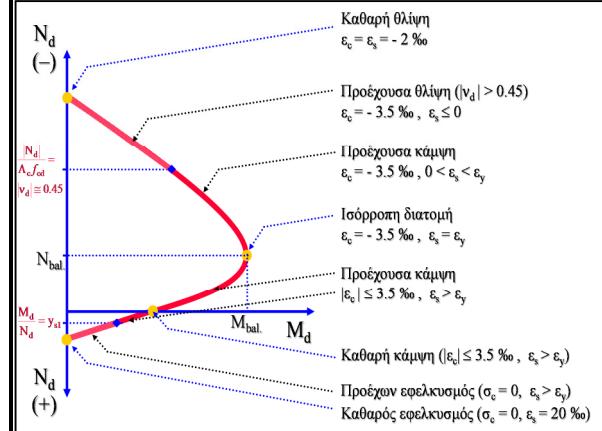
Μέγιστη απόσταση συνδετήρων: $s_{max} = 0.75d$

Κατανομή εγκάρσιου σπλισμού σε απόσταση $L_{cr} = h$ (από παρειά στήριξης) και $L_{cr} = 2h$ (από συγκεντρωμένο φορτίο)

S 500
 $d_1/h = 0.20$



Πρόσθετες κατ' επιλογήν σημειώσεις



1. Πίνακας CEB για απλό οπλισμό

μ_{sd}	ω	$\xi = x/d$	$\zeta = z/d$	ϵ_c (%)	ϵ_s (%)	$S220$	$S400$	$S500$	σ_{sd} (MPa)
0.01	0.0102	0.050	0.983	-0.52	10.00	191	348	435	
0.02	0.0205	0.072	0.975	-0.77	10.00	191	348	435	
0.03	0.0310	0.089	0.969	-0.98	10.00	191	348	435	
0.04	0.0415	0.104	0.963	-1.16	10.00	191	348	435	
0.05	0.0522	0.118	0.958	-1.34	10.00	191	348	435	
0.06	0.0630	0.131	0.953	-1.54	10.00	191	348	435	
0.07	0.0739	0.144	0.947	-1.68	10.00	191	348	435	
0.08	0.0849	0.156	0.942	-1.85	10.00	191	348	435	
0.09	0.0961	0.168	0.937	-2.03	10.00	191	348	435	
0.10	0.1074	0.181	0.931	-2.21	10.00	191	348	435	
0.11	0.119	0.194	0.925	-2.40	10.00	191	348	435	
0.12	0.131	0.207	0.919	-2.60	10.00	191	348	435	
0.13	0.143	0.220	0.912	-2.82	10.00	191	348	435	
0.14	0.155	0.233	0.905	-3.04	10.00	191	348	435	
0.15	0.167	0.247	0.899	-3.27	10.00	191	348	435	
0.16	0.179	0.261	0.892	-3.50	9.92	191	348	435	
0.17	0.192	0.280	0.884	-3.50	9.02	191	348	435	
0.18	0.206	0.299	0.878	-3.50	8.22	191	348	435	
0.19	0.219	0.318	0.868	-3.50	7.50	191	348	435	
0.20	0.233	0.338	0.859	-3.50	6.85	191	348	435	
0.21	0.247	0.359	0.851	-3.50	6.26	191	348	435	
0.22	0.261	0.380	0.842	-3.50	5.72	191	348	435	
0.23	0.276	0.401	0.833	-3.50	5.22	191	348	435	
0.24	0.291	0.423	0.824	-3.50	4.77	191	348	435	
0.25	0.307	0.446	0.814	-3.50	4.35	191	348	435	
0.26	0.323	0.470	0.805	-3.50	3.95	191	348	435	
0.27	0.340	0.494	0.795	-3.50	3.59	191	348	435	
0.28	0.357	0.519	0.784	-3.50	3.24	191	348	435	
0.29	0.375	0.545	0.773	-3.50	2.92	191	348	435	
0.30	0.394	0.572	0.762	-3.50	2.62	191	348	435	
0.31	0.413	0.600	0.750	-3.50	2.33	191	348	435	
0.32	0.434	0.630	0.738	-3.50	2.05	191	348	410	
0.33	0.455	0.662	0.725	-3.50	1.79	191	348	358	
0.34	0.478	0.695	0.711	-3.50	1.54	191	308	308	
0.35	0.503	0.731	0.696	-3.50	1.29	191	258	258	
0.36	0.529	0.770	0.680	-3.50	1.05	191	210	210	
0.37	0.559	0.812	0.662	-3.50	0.81	162	162	162	
0.38	0.592	0.860	0.642	-3.50	0.57	104	104	104	
0.39	0.630	0.915	0.619	-3.50	0.32	64	64	64	

2a. Πίνακας CEB για διπλό οπλισμό S220

μ_{sd}	d ₂ /d = 0.05		d ₂ /d = 0.10		d ₂ /d = 0.15		d ₂ /d = 0.20	
	ω_1	ω_2	ω_1	ω_2	ω_1	ω_2	ω_1	ω_2
0.33	0.444	0.010	0.455	0.000	0.455	0.000	0.455	0.000
0.34	0.455	0.021	0.466	0.011	0.477	0.001	0.478	0.000
0.35	0.466	0.031	0.477	0.023	0.489	0.013	0.500	0.003
0.36	0.476	0.042	0.489	0.034	0.500	0.025	0.512	0.016
0.37	0.487	0.052	0.400	0.045	0.512	0.037	0.525	0.028
0.38	0.497	0.063	0.511	0.056	0.524	0.049	0.537	0.041
0.39	0.508	0.073	0.522	0.067	0.536	0.060	0.550	0.053
0.40	0.518	0.084	0.533	0.078	0.548	0.072	0.562	0.066
0.41	0.529	0.095	0.544	0.089	0.559	0.084	0.575	0.078
0.42	0.539	0.105	0.555	0.100	0.571	0.096	0.587	0.091
0.43	0.550	0.116	0.566	0.111	0.583	0.107	0.600	0.103
0.44	0.560	0.126	0.577	0.123	0.595	0.119	0.612	0.116
0.45	0.571	0.137	0.589	0.134	0.606	0.131	0.625	0.128
0.46	0.581	0.147	0.600	0.145	0.618	0.143	0.637	0.141
0.47	0.592	0.158	0.611	0.156	0.630	0.154	0.650	0.153
0.48	0.602	0.168	0.622	0.167	0.642	0.166	0.662	0.166
0.49	0.613	0.179	0.633	0.178	0.653	0.178	0.675	0.178
0.50	0.623	0.189	0.644	0.189	0.665	0.190	0.687	0.191

2b. Πίνακας CEB για διπλό οπλισμό S400

μ_{sd}	d ₂ /d = 0.05		d ₂ /d = 0.10		d ₂ /d = 0.15		d ₂ /d = 0.20	
	ω_1	ω_2	ω_1	ω_2	ω_1	ω_2	ω_1	ω_2
0.33	0.444	0.010	0.455	0.000	0.455	0.000	0.455	0.000
0.34	0.455	0.021	0.466	0.011	0.477	0.001	0.478	0.000
0.35	0.466	0.031	0.477	0.023	0.489	0.013	0.500	0.003
0.36	0.476	0.042	0.489	0.034	0.493	0.023	0.495	0.035
0.37	0.487	0.052	0.400	0.045	0.504	0.045	0.507	0.048
0.38	0.497	0.063	0.511	0.056	0.524	0.049	0.537	0.041
0.39	0.508	0.073	0.522	0.067	0.536	0.060	0.550	0.053
0.40	0.518	0.084	0.533	0.078	0.548	0.080	0.554	0.085
0.41	0.529	0.095	0.544	0.089	0.559	0.092	0.575	0.098
0.42	0.539	0.105	0.555	0.100	0.563	0.104	0.570	0.110
0.43	0.550	0.116	0.566	0.111	0.575	0.115	0.582	0.123
0.44	0.560	0.126	0.577	0.123	0.587	0.127	0.595	0.135
0.45	0.571	0.137	0.589	0.134	0.599	0.139	0.607	0.148
0.46	0.581	0.147	0.600	0.145	0.610	0.151	0.620	0.160
0.47	0.592	0.158	0.611	0.156	0.622	0.162	0.633	0.173
0.48	0.602	0.168	0.622	0.167	0.634	0.174	0.645	0.185
0.49	0.613	0.179	0.633	0.178	0.646	0.186	0.657	0.198
0.50	0.623	0.189	0.644	0.189	0.657	0.198	0.670	0.210

$$1. \text{ Απλός οπλισμός: } A_s = \omega b d \frac{f_{cd}}{f_{yd}} + \frac{N_{Ed}}{f_{yd}}$$

$$2. \text{ Διπλός οπλισμός: } A_{s1} = \omega_1 b d \frac{f_{cd}}{f_{yd}} + \frac{N_{Ed}}{f_{yd}} \quad \& \quad A_{s2} = \omega_2 b d \frac{f_{cd}}{f_{yd}}$$